

## امتحان السداسي الثالث في مقياس الرياضات المالية

### التمرين الأول: ( 7 نقاط)

في 25 ماي 2018 حرر المدين ورقة تجارية للدائن قيمتها الاسمية 25000 دج مستحقة يوم 15 سبتمبر 2018، وفي يوم 10 أوت 2018 تقدم الدائن للبنك من أجل خصم هذه الورقة التجارية، فوافق البنك على طلب الدائن مقابل معدل خصم 5 %.

- أوجد قيمة الخصم التجاري.

- أوجد القيمة الحالية التي يتحصل عليها الدائن بعد خصم الورقة التجارية.

### التمرين الثاني ( 6 نقاط):

قدّم شخص كمبيالتين قيمتهما 240000 دج للخصم لدى أحد البنوك، تستحق الأولى بعد 90 يوماً من الآن، والثانية بعد 45 يوماً، فبلغ الخصم التجاري 2200.5 دج.

- المطلوب:

إيجاد القيمة الاسمية لكل ورقة إذا علمت أن معدل الخصم التجاري 4.5% سنوياً.

### التمرين الثالث: ( 7 نقاط)

أودع شخص مبلغين مختلفين بفائدة بسيطة في أحد البنوك، الأول بمعدل 4% والثاني بمعدل 6%، فبلغ ما استحقه من فوائد سنوية 440 دج، إلا أنه اتضح لهذا الشخص أنه لو كان قد أودع المبلغ الأول بمعدل 6% والثاني بمعدل 4% لاستحق فائدة سنوية يزيد قدرها عما استحقه أولاً بمقدار 120 دج.

المطلوب:

- ما هي قيمة المبلغين؟

بالتوفيق: أستاذ المقياس

## التصحيح النموذجي

التمرين الأول: ( 7 نقاط)

$$V_n = 25000 \text{ DA} \quad t = 5/100$$

مدة الخصم =  $(10-31) + 15 = 36$  يوم

- حساب قيمة الخصم التجاري:  $E_c$

$$\begin{aligned} E_c &= V_n \times t \times n \\ &= 25000 \times \frac{5 \times 36}{100 \times 360} \\ &= 125 \text{ DA} \end{aligned}$$

- حساب القيمة الحالية:  $V_a$

$$\begin{aligned} V_a &= V_n - E_c \\ &= 25000 - 125 \\ &= 24875 \text{ DA} \end{aligned}$$

التمرين الثاني ( 7 نقاط):

$$V_{n1} + V_{n2} = 240000 \text{ DA} \quad ; \quad n_1 = 90 \text{ j} \quad ; \quad n_2 = 45 \text{ j} \quad ; \quad E_c = E_1 + E_2 = 2200.5 \text{ DA}$$

$$t = 0.045$$

لدينا :

$$E_1 = V_{n1} \times t \times n_1 = 0.045 \times \frac{90}{360} V_{n1} = 0,01125 V_{n1}$$

$$E_2 = V_{n2} \times t \times n_2 = 0.045 \times \frac{45}{360} V_{n2} = 0,005625 V_{n2}$$

و منه

$$0,01125 V_{n1} + 0,005625 V_{n2} = 2200.5 \dots\dots\dots(1)$$

$$V_{n1} + V_{n2} = 240000 \Rightarrow V_{n1} = 240000 - V_{n2} \dots\dots\dots(2)$$

نعوض المعادلة (2) في المعادلة (1):

$$0,01125 (240000 - V_{n2}) + 0,005625 V_{n2} = 2200.5 \Rightarrow 0,005625 V_{n2} = 499,5$$

$$\Rightarrow V_{n2} = 88\ 800 \text{ DA}$$

$$V_{n1} = 240000 - 88\ 800 = 151200 \text{ DA}$$

ومنه

التمرين الثالث ( 7 نقاط )

الفوائد سنوية : n=1

$$\begin{array}{l} 1 \quad I_1 = C_1 \times t_1 \quad ; \quad I_2 = C_2 \times t_2 \\ 1 \quad t_1 = 0.04 \quad \quad t_2 = 0.06 \quad \quad I_1 + I_2 = 440 \text{ DA} \\ 1 \quad t_1 = 0.06 \quad \quad t_2 = 0.04 \quad \quad I_1 + I_2 = 560 \text{ DA} \end{array}$$

و منه

$$0.04 C_1 + 0.06 C_2 = 440 \dots\dots\dots(1)$$

$$0.06 C_1 + 0.04 C_2 = 560 \Rightarrow C_1 = \frac{560 - 0.04 C_2}{0.06} \dots\dots\dots(2)$$

نعوض المعادلة (2) في (1):

$$0.04 \frac{560 - 0.04 C_2}{0.06} + 0.06 C_2 = 440 \Rightarrow \frac{4.8 - 0.0016 C_2 + 0.0036 C_2}{0.06} = 440$$

$$\Rightarrow 0.002 C_2 = 4 \Rightarrow C_2 = 2000 \text{ DA}$$

بتعويض C2 = 2000 في المعادلة (2):

$$C_1 = \frac{560 - 0.04 \times 2000}{0.06} = 8000 \text{ DA}$$